

Diplomprüfung Algebra I / Multilineare Algebra

Datum: 29.04.1997 Prüfer: Prof. Dr. H. P. Petersson
Dauer: 40 Minuten Note: 2.7

Vorbesprechung: Das Angebot einer Vorbesprechung habe ich wahrgenommen, wir haben dabei insbesondere vereinbart, daß bei der Multilinearen Algebra nur die Kurseinheiten 1 - 4 geprüft werden und ich aus dem Rest ein Vertiefungsgebiet wählen kann. Ich habe die symmetrische Tensoralgebra gewählt.

Prüfungsfragen Algebra I:

Was bedeutet "G operiert auf M", was ist das für eine Abbildung, von wo nach wo, Eigenschaften?

Was ist eine Bahn, was bedeutet "M ist disjunkte Vereinigung seiner Bahnen", wie lautet die Bahnengleichung?

Welche Operationen von Gruppen auf Mengen kennen Sie (ich nannte Konjugation auf sich), wo kann man die Klassengleichung gewinnbringend einsetzen (das Zentrum bei p-Gruppen ist nicht nur das neutrale Element, woraus die Auflösbarkeit der p-Gruppen folgt)?

Was bedeutet "auflösbar", wie ist die Kommutatorgruppe definiert, $K(G)$ ist Normalteiler?

Was ist ein Ideal eines Rings, wie ist die Multiplikation auf dem Faktoring definiert, Wohldefiniertheit dieser Abbildung (Unabhängigkeit von Repräsentanten), was sind die Repräsentanten?

Körpererweiterungen L/K , was heißt separabel, was ist das Minimalpolynom zu einem Element aus L , was heißt endlich, was ist der Grad einer Körpererweiterung, Beweis "endliche Körpererweiterung ist algebraisch"?

Was ist eine Galois-Erweiterung?

Prüfungsfragen Multilineare Algebra:

Was ist das Tensorprodukt (T, μ) , Beweisskizze "das Tensorprodukt ist bis auf Isomorphie eindeutig"?

Welche Eigenschaften des Tensorproduktes kennen Sie, wie sehen die Elemente von T aus, was ist ein zerlegbarer Tensor?

Was ist die symmetrische Tensoralgebra, wie sieht der Symmetrisierungsoperator aus?

Bemerkungen:

Der Schwerpunkt der Prüfung lag (erwartungsgemäß) auf dem Kurs Algebra I. Prof. Petersson hat sich den Kurs Multilineare Algebra nach der Prüfungsterminvereinbarung angeschaut und mir nach der Prüfung gesagt, daß er ihn nicht zur Prüfung empfohlen hätte (hätte ich mir den Kurs vor der Terminvereinbarung angeschaut, hätte ich mich auch nicht prüfen lassen). Die Prüfung verlief (wie schon beim Vordiplom) in angenehmer Atmosphäre.

Jede(r), dem/der dieses Protokoll bei der Vorbereitung hilft, sollte nach der Prüfung auch eins schreiben!

Viel Spaß bei Euren Prüfungen...