

Inhaltsverzeichnis

1	Kurseinheit 1	1
	Studierhinweise und Notationen	5
1	Das Riemann-Integral	13
1.1	Definition und elementare Eigenschaften	14
1.2	Integrationsmethoden und Beispiele	29
1.3	Grenzwerte und Integrale	39
1.4	Uneigentliche Riemann-Integrale	53
1.5	Zwei Erweiterungen des Riemann-Integrals	66
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 1	73
2	Kurseinheit 2	87
2	Ein Aperitif aus Mengenlehre und Analysis	91
2.1	Was wir in diesem Kapitel servieren	91
2.2	Drei Esslöffel Mengenlehre	92
2.3	Eine Nadelspitze Unendlichkeit	105
2.4	Ein Schuss Analysis und Topologie	112
2.5	Eine Prise Funktionalanalysis	126
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 2	141
3	Kurseinheit 3	149
3	Grundzüge der Maßtheorie	153
3.1	Was wir in diesem Kapitel machen...	153
3.2	Grundbegriffe	155
3.3	Das Inhaltsproblem im \mathbb{R}^d	162

3.4	Intervalle: Der eindimensionale Fall	164
3.5	Ringe und Halbringe	189
3.6	Inhalte und Prämaße	204
3.7	Prämaße auf dem \mathbb{R}^d	208
3.8	Der erste Maßerweiterungssatz	214
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 3	217
4	Kurseinheit 4	233
4	Maße und Sigma-Algebren	237
4.1	Was wir in diesem Kapitel tun....	237
4.2	σ -Algebren	239
4.3	Maße und Prämaße	247
4.4	Prinzip der guten Mengen, Dynkin-Systeme	252
4.5	Der (zweite) Maßerweiterungssatz	259
4.6	Ein Rückblick zur Orientierung	274
4.7	Zur Eindeutigkeit der Maßfortsetzung	276
4.8	Vollständige Maßräume	278
4.9	Das Lebesgue-Maß	284
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 4	295
5	Kurseinheit 5	313
5	Integration	317
5.1	Was wir in diesem Kapitel tun	317
5.2	Messbare Abbildungen	319
5.3	Approximation messbarer Funktionen	327
5.4	Das Integral für positive Funktionen	341
5.5	Integrierbare Funktionen	362
5.6	Integrierbare Funktionen: Beispiele	369
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 5	375
6	Kurseinheit 6	387
6	Mehr über Integration	391
6.1	Der Satz von Lebesgue	391

6.2	Fast sichere Eigenschaften	401
6.3	Riemann-Integral und Lebesgue-Integral	405
6.4	Produktmaße und der Satz von Fubini	412
6.5	Volumenberechnung in \mathbb{R}^d	425
6.6	Mehr-dimensionale Integrale: Beispiele	445
6.7	Bildmaße	452
6.8	Der Transformationsatz	462
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 6	479
7	Kurseinheit 7	491
7	Die L^p-Räume	495
7.1	Was wir in diesem Kapitel tun	495
7.2	Einige Konvergenzbegriffe	496
7.3	Der Raum $L^1(\mu)$	505
7.4	Die L^p -Räume	509
7.5	Der Hilbertraum L^2	519
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 7	531
8	Mehr Maßtheorie	541
8.1	Was wir in diesem Kapitel tun	541
8.2	Der Satz von Radon-Nikodym	542
8.3	Der Zerlegungssatz von Lebesgue	547
8.4	Klassen von Maßen auf \mathbb{R}	549
	Ein Nachwort	559
	Index	561
8	Studienunterlage	567