

Inhaltsverzeichnis

Vorwort	5
Studierhinweise und Notationen	7
1 Lektion 1	15
1 Das Riemann-Integral	17
1.1 Definition und elementare Eigenschaften	18
1.2 Integrationsmethoden und Beispiele	34
1.3 Grenzwerte und Integrale	46
1.4 Uneigentliche Riemann-Integrale	60
1.5 Zwei Erweiterungen des Riemann-Integrals	73
Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 1	81
2 Lektion 2	97
2 Ein Aperitif aus Mengenlehre und Analysis	101
2.1 Was wir in diesem Kapitel servieren	101
2.2 Drei Esslöffel Mengenlehre	102
2.3 Eine Nadelspitze Unendlichkeit	117
2.4 Ein Schuss Analysis und Topologie	124
2.5 Eine Prise Funktionalanalysis	138
Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 2	153

3	Lektion 3	161
3	Grundzüge der Maßtheorie	165
3.1	Was wir in diesem Kapitel machen...	165
3.2	Grundbegriffe	167
3.3	Das Inhaltsproblem im \mathbb{R}^d	176
3.4	Intervalle: Der eindimensionale Fall	178
3.5	Ringe und Halbringe	203
3.6	Inhalte und Prämaße	218
3.7	Prämaße auf dem \mathbb{R}^d	225
3.8	Der erste Maßerweiterungssatz	231
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 3	235
4	Lektion 4	253
4	Maße und Sigma-Algebren	257
4.1	Was wir in diesem Kapitel tun...	257
4.2	σ -Algebren	259
4.3	Maße und Prämaße	267
4.4	Prinzip der guten Mengen, Dynkin-Systeme	272
4.5	Der (zweite) Maßerweiterungssatz	279
4.6	Ein Rückblick zur Orientierung	294
4.7	Zur Eindeutigkeit der Maßfortsetzung	296
4.8	Vollständige Maßräume	298
4.9	Das Lebesgue-Maß	304
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 4	315
5	Lektion 5	333
5	Integration	337
5.1	Was wir in diesem Kapitel tun ...	337
5.2	Messbare Abbildungen	339
5.3	Approximation messbarer Funktionen	348
5.4	Das Integral für positive Funktionen	364
5.5	Integrierbare Funktionen	386
5.6	Integrierbare Funktionen: Beispiele	393
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 5	399

6	Lektion 6	415
6	Mehr über Integration	419
6.1	Der Satz von Lebesgue	419
6.2	Fast sichere Eigenschaften	428
6.3	Riemann-Integral und Lebesgue-Integral	432
6.4	Produktmaße und der Satz von Fubini	440
6.5	Volumenberechnung in \mathbb{R}^d	454
6.6	Mehr-dimensionale Integrale: Beispiele	475
6.7	Bildmaße	482
6.8	Der Transformationssatz	492
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 6	509
7	Lektion 7	527
7	Die L^p-Räume	531
7.1	Was wir in diesem Kapitel tun	531
7.2	Einige Konvergenzbegriffe	532
7.3	Der Raum $L^1(\mu)$	541
7.4	Die L^p -Räume	545
7.5	Der Hilbertraum L^2	556
	Lösungen zu den Aufgaben aus Kapitel 7	569
8	Mehr Maßtheorie	579
8.1	Was wir in diesem Kapitel tun	579
8.2	Der Satz von Radon-Nikodym	580
8.3	Der Zerlegungssatz von Lebesgue	585
8.4	Klassen von Maßen auf \mathbb{R}	587
	Ein Nachwort	597