# **Kurs 00859: Stochastische Simulation**

## Aufgabe B0302

In einer Firma stehen zur Herstellung von Kunststoffplatten zwei Maschinen zur Verfügung. Die neuere Maschine A, die von 06:00 Uhr bis 20:00 Uhr durchgängig betrieben wird, ist leistungsfähiger als Maschine B; A produziert stündlich zwischen 75 und 82 Platten. Maschine B hingegen steht nur in der Zeit von 08:00 bis 12:00 und 15:00 bis 18:00 Uhr bei einem Produktionsvolumen von 48 bis 52 Platten pro Stunde zur Verfügung. Benutzen Sie nachstehende zwischen 0 und 1000 gleichverteilte Zufallszahlen zur Simulation der Produktion für beide Maschinen.

### Zufallszahlen Maschine A:

| $\mathbf{z}_1$ | $\mathbf{z}_2$ | $\mathbf{z}_3$ | $\mathbf{z}_4$ | <b>Z</b> 5 | <b>Z</b> 6 | $\mathbf{z}_7$ | $\mathbf{z}_8$ | <b>Z</b> 9 | Z <sub>10</sub> | Z <sub>11</sub> | <b>Z</b> <sub>12</sub> | Z <sub>13</sub> | Z <sub>14</sub> |
|----------------|----------------|----------------|----------------|------------|------------|----------------|----------------|------------|-----------------|-----------------|------------------------|-----------------|-----------------|
| 107            | 670            | 776            | 875            | 953        | 503        | 335            | 067            | 212        | 565             | 956             | 634                    | 499             | 015             |

#### Zufallszahlen Maschine B:

| $\mathbf{z}_1$ | $\mathbf{z}_2$ | $\mathbf{z}_3$ | $\mathbf{Z}_4$ | $\mathbf{Z}_5$ | <b>Z</b> 6 | $\mathbf{z}_7$ |
|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|------------|----------------|
| 411            | 529            | 135            | 823            | 668            | 007        | 196            |

- a) Die Auslieferung der produzierten Platten erfolge nach Produktionsende der Maschine A um 20:00 Uhr. Mit welcher Gesamtauslieferungsmenge ist dann zu rechnen?
- b) Aus Kostengründen kommt Maschine B am nachfolgenden Tag nicht zum Einsatz, wenn ihr Anteil an der Gesamtproduktion weniger als 30% betrug. Werden beide Maschinen am nächsten Tag für die Produktion eingesetzt?

### **Kurs 00859: Stochastische Simulation**

## Lösungshinweise

a) Da die Herstellung der Kunststoffplatten mit gleichverteilter Leistung erfolgt, können die Zufallsvariablen  $z_i$  folgenden Produktionsmengen zugeordnet werden: Maschine A:

 $0 \leq z_i$ 125 : 75 Platten  $125 < z_i$ 250 : 76 Platten  $\leq$ 375 : 77 Platten 500 : 78 Platten  $375 < z_i$  $\leq$  $500 < z_i$ 625 : 79 Platten  $\leq$ 750 : 80 Platten  $625 < z_i \leq$  $750 < z_i \leq$ 875 : 81 Platten  $875 < z_i$ ≤ 1000 : 82 Platten

| Zeit | 07 | 08  | 09  | 10  | 11  | 12  | 13  | 14  | 15  | 16  | 17  | 18  | 19   | 20   |
|------|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|------|------|
|      | 75 | 80  | 81  | 81  | 82  | 79  | 77  | 75  | 76  | 79  | 82  | 80  | 78   | 75   |
| Σ    | 75 | 155 | 236 | 317 | 399 | 478 | 565 | 640 | 716 | 785 | 867 | 947 | 1025 | 1100 |

### Maschine B:

 $0 \le z_i \le 200 : 48 \text{ Platten}$   $200 < z_i \le 400 : 49 \text{ Platten}$   $400 < z_i \le 600 : 50 \text{ Platten}$   $600 < z_i \le 800 : 51 \text{ Platten}$  $800 < z_i \le 1000 : 52 \text{ Platten}$ 

| Zeit | 09 | 10  | 11  | 12  | 16  | 17  | 18  |
|------|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
|      | 50 | 50  | 48  | 52  | 51  | 48  | 48  |
| Σ    | 50 | 100 | 148 | 200 | 251 | 299 | 347 |

Insgesamt können 1447 Kunststoffplatten ausgeliefert werden.

b) Der Produktionsanteil der Maschine B macht ca. 24 % der Gesamtproduktion aus. Folglich sollte Maschine B nicht weiter eingesetzt werden.